**引用格式:**李航,曾海燕,喻锟,等.基于多端行波频率矩阵的复杂配电网故障定位方法[J].电力科学与技术学报,2024,39(3):19-30. **Citation:** LI Hang,ZENG Haiyan,YU Kun, et al. A novel fault location method for complex distribution network based on multi-terminal traveling wave frequency matrix[J].Journal of Electric Power Science and Technology,2024,39(3):19-30.

# 基于多端行波频率矩阵的复杂配电网故障定位方法

李 航<sup>1</sup>,曾海燕<sup>1</sup>,喻 锟<sup>2</sup>,陈 爽<sup>1</sup>,曾举鹏<sup>2</sup>,张钟毓<sup>1</sup>,曾祥君<sup>2</sup>,杨 玺<sup>1</sup> (1.国网湖北省电力有限公司武汉供电公司、湖北武汉 430000;2.长沙理工大学电网防灾减灾全国重点实验室、湖南 长沙 410114)

摘 要:针对配电网线路参数受依频变化影响导致现有故障定位方法实现复杂以及行波传输速度无法准确计算的问题,基于多端行波频率矩阵,提出一种不依赖波头时间信息的复杂配电网故障定位方法。通过对故障行波固有频率主成分与传输距离的关系进行分析,定义各分支节点的参考端,并计算真实故障发生前的基准固有频率矩阵与真实故障发生后的故障固有频率矩阵之间的差值,最终得到相应的故障分支判定原理。在判定故障分支的基础上,按照故障点到参考端的路径不经过分支节点或经过分支节点数量最少为原则选取参考端,同时计算对应参考端故障固有频率主成分下的波速度,进而对故障点位置实现精确定位。仿真结果表明,所提方法无须检测行波波头时间,通过构建多端频率矩阵准确刻画配电网拓扑任一分支发生故障的情形,在保证故障分支可靠判定的同时实现了频率分量与波速度相互匹配,大大提高了故障定位精度,且定位结果不受故障位置、类型、过渡电阻、初相角影响。
 关 键 词:复杂配电网;故障行波定位;多端频率矩阵;依频变化特性

**DOI**:10.19781/j.issn.1673-9140.2024.03.003 中图分类号:TM773 文章编号:1673-9140(2024)03-0019-12

# Fault location method for complex distribution networks based on multi-terminal traveling wave frequency matrix

LI Hang<sup>1</sup>, ZENG Haiyan<sup>1</sup>, YU Kun<sup>2</sup>, CHEN Shuang<sup>1</sup>, ZENG Jupeng<sup>2</sup>, ZHANG Zhongyu<sup>1</sup>, ZENG Xiangjun<sup>2</sup>, YANG Xi<sup>1</sup>

(1.Wuhan Power Supply Company, State Grid Hubei Electric Power Co., Ltd., Wuhan 430000, China; 2.State Key Laboratory of Disaster Prevention and Reduction for Power Grid, Changsha University of Science & Technology, Changsha 410114, China)

Abstract: Aiming at the difficulties that the existing fault location methods are complex to implement and the traveling wave transmission speed cannot be accurately calculated due to the influence of frequency-dependent changes in distribution network line parameters, a fault location method for complex distribution networks is proposed based on the multi-terminal traveling wave frequency matrix, which does not rely on wavefront time information. By analyzing the relationship between the inherent frequency principal component of the fault traveling wave and the transmission distance, the reference terminals of each branch node are defined, and the difference between the benchmark inherent frequency matrix before the actual fault occurs and the fault inherent frequency matrix after the actual fault occurs is calculated, ultimately obtaining the corresponding fault branch determination principle. Based on the determination of the fault branch, the reference terminal is selected according to the principle that the path from the fault point to the reference terminal does not pass through branch nodes or passes through the fewest number of branch nodes, and the wave speed under the principal component of the fault point. Simulation results show that the proposed method does not require detecting the wavefront time of the traveling wave, accurately describes the situation of any branch fault in the distribution network topology by constructing a multi-terminal frequency matrix, ensures reliable determination of the

基金项目:国网湖北省电力有限公司专项成本科技项目(B315A0229843)

通信作者:喻 锟(1989—),男,副教授,主要从事电力系统保护与控制研究;E-mail:zengjupeng1224@qq.com

收稿日期:2022-11-25;修回日期:2023-04-20

fault branch, and achieves matching between the frequency component and the wave speed, greatly improving the accuracy of fault location. Moreover, the location results are not affected by the fault location, type, transition resistance or initial phase angle.

Key words: complex distribution networks; fault traveling wave location; multi-terminal frequency matrix; frequencydependent characteristics

随着中国能源互联网逐步发展,风力、光伏发 电等新能源以分布式电源的形式大规模纳入配电 网,导致配电网运行复杂化程度加深<sup>[1-6]</sup>。此外,与 输电网相比,配电网的结构更加复杂,架空线一电 缆混合,分支线众多,所处环境更为恶劣,更容易发 生各种类型故障,使得在输电网中成熟运用的故障 定位技术难以在配电网中实施,导致配电网故障准 确定位较为困难<sup>[7-10]</sup>。而配电网故障精确定位是加 快线路修复、减少停电时间和快速恢复供电的主要 方法,也是进一步提升新能源分布式接入配电网自 动化水平和供电可靠性的关键技术,一直是重点关 注和亟待解决的技术难题,目前已被纳入国家重点 研发计划项目<sup>[11-16]</sup>。

常见的配电网故障定位方法包括故障分析法 和行波法。但随着分布式电源在配电网的渗透率 逐渐提高,故障分析法易受大量电力电子设备接入 影响,导致其定位方法失效。而行波法以其原理简 单以及受系统运行方式、分布式电源接入影响小等 特点,在理论研究和实际应用方面获得了迅速发 展<sup>[17-18]</sup>。目前,基于行波原理的故障定位方法主要 包括时域分析法和频域分析法<sup>[19]</sup>。

时域分析法主要分为单端行波法和双端行波 法。单端行波法通过测量故障初始波头与反射波 头之间的反射时间实现故障定位,但是故障行波在 配电网的众多分支线路传输时会经历多次折反射, 这给捕获故障点反射行波波头带来了较大的干扰。 文献[20-21]提出一种不受分支线路影响的配电网 故障行波单端定位方法,其核心在于利用行波线模 和零模分量速度差以及时间间隔,无须识别故障点 反射行波波头,实现故障定位,但定位结果受零模 分量波速影响较大,鲁棒性较差。双端行波法则是 通过捕获线路两端故障行波进行故障定位,只需要 记录初始行波到达线路检测端的时刻,而不必对故 障行波的复杂折反射进行分析。文献[22]基于小 波包变换和相关性分析实现故障行波双端定位。 文献[23]利用二进小波变换将双端测量中的滤波 消噪,实现了单相接地故障的精准定位。但文献 [22-23]均未给出波速的精准测量法,这对故障行波 定位误差影响较大。文献[24]通过在配电网的馈 线末端精准测量故障行波波头到达时间建立到达 时间差(time difference of arrival, TDOA)矩阵,根据 双端测量原理实现故障测距,但此算法并不适用于 结构复杂的实际配电网。此外,利用双端行波原理 确定最终的故障距离对于全球定位系统时间同步 装置的要求较为严格。

基于此,为了消除来自行波波头时间标定错误 造成的故障定位误差,近年来部分学者通过提取行 波固有频率对线路故障进行定位。文献[25]基于 离散傅里叶变换,完成了对行波固有频率主成分的 提取,从频域的角度实现了双端电力线路故障定 位。文献[26]在文献[25]的基础上,分析了固有频 率、线路长度和边界条件之间的关系。之后,基于 行波固有频率的故障定位方法逐渐在除双端线路 之外的同杆并架线路<sup>[27]</sup>、架空一电缆线路<sup>[28-29]</sup>以及 多端线路<sup>[30-34]</sup>中实现了成熟的运用,然而,对于结构 复杂的配电网却鲜有人研究。

为了解决上述问题,本文提出一种复杂配电网 故障定位方法,该方法基于多端行波频率矩阵,且 不需要依赖波头时间信息。通过分析故障行波固 有频率主成分与传输距离之间的关系,建立真实故 障发生前的基准固有频率矩阵和真实故障发生后 的故障固有频率矩阵。然后,通过联立这2个矩阵 以得到故障判定矩阵,并提出相应的故障分支判定 原理。在判定故障分支的基础上,按照故障点到参 考端的路径不经过分支节点或经过分支节点数量 最少为原则选取参考端,同时计算对应参考端故障 固有频率主成分下的波速度,进而对故障点位置实 现精确定位。仿真结果表明,所提方法无须检测行 波波头时间,通过构建多端频率矩阵在保证故障分 支可靠判定的同时实现频率分量与波速度相互匹 配,大大提高故障定位精度,且定位结果不受故障 位置、类型、过渡电阻、初相角影响。

# 1 行波固有频率主成分与传输距离 关系分析

通常研究行波的传输过程不再考虑集中参数

模型,而是考虑单根有损传输线路模型:把传输线路和大地认为是分布参数组成的回路,即电阻、电感、电导和电容沿着传输线路均匀分布。由于有损配电线路参数存在依频特性,所以在线路发生故障后,周期性故障行波分量在频域内会呈现特定频率的谐波形式,这种形式被称为行波固有频率。固有频率本质上是行波在线路波阻抗不连续处多次反射和在有限长度线路延时效应下同时影响的结果<sup>[35]</sup>。在故障行波频谱中,第一个峰值所对应的频率是固有频率的主要成分,即主成分频率最低。

为避免故障行波在配电网传输过程中造成频 谱混叠现象,在提取行波固有频率主成分之前会对 原始故障行波信号进行数据预处理,预处理包括: 采用凯伦贝尔(Karenbauer)相模变换提取故障行波 线模分量进行分析,减少故障行波的相间耦合;采 用经验模态(empirical mode decomposition, EMD) 和快速傅里叶变换(fast Fourier transformation, FFT) 对故障行波的线模分量进行频谱分析,准确提取固 有频率主成分<sup>[28]</sup>。由于本文研究的主要目标是提 出一种可用于配电网故障定位的方法,关于具体的 信号处理流程将不再赘述。图1为配电网故障行 波频谱示意图,其呈现谐波形式的固有频率显而 易见。



图1 固有频率主成分示意图



文献[26]在开路和短路条件下分析了线路固 有频率形成的原因:对于发生在距离某一单一配电 线路一端R侧Lkm处的故障,故障产生的初始行波 沿线路向系统方向传播,并在系统侧和故障点处多 次发生反射,从而产生一系列具有固有频率的高频 分量。固有频率的大小计算如下:

$$1 - \Gamma_R \Gamma_F \mathrm{e}^{-2sL/v_b} = 0 \tag{1}$$

$$G_R = \frac{Z_{\rm C} - Z_R}{Z_{\rm C} + Z_R} \tag{2}$$

$$\Gamma_F = \frac{Z_{\rm C} - Z_F}{Z_{\rm C} + Z_F} \tag{3}$$

式(1)~(3)中, $\Gamma_R$ 、 $\Gamma_F$ 分别为系统侧和故障点处的 电流行波反射系数;s的实部对应衰减系数,虚部对 应固有频率的角频率; $v_k$ 为行波在不同固有频率下 的传播速度; $Z_F = Z_C / / R_F$ , $Z_C$ 为线路特征阻抗, $R_F$ 为 故障点的过渡电阻; $Z_R$ 为线路R端系统侧阻抗。

令
$$\Gamma_R = |\Gamma_R| e^{j\theta_R}, \Gamma_F = |\Gamma_F| e^{j\theta_r}, 则式(1) 可改写为$$
  
 $|\Gamma_R| |\Gamma_F| e^{j\theta_R} e^{j\theta_F} = e^{2sL/v_s}$  (4)

式中,  $\theta_R$ 、 $\theta_F$ 分别为系统侧和故障点处的反射系数 角。由欧拉公式可知, 式(4)有无穷多解, 表明固有 频率为无穷多个频率成分组成的频谱, 即

$$s = \frac{v_k}{2L} \left( \ln |\Gamma_R \Gamma_F| + j(\theta_R + \theta_F + 2kp) \right)$$
 (5)

由于s的虚部对应固有频率的角频率,因此总 结出故障行波传输距离L与固有频率fi、系统侧反 射角 θ<sub>R</sub>和故障点反射角 θ<sub>F</sub>四者之间的关系为

$$L = \frac{(\theta_R + \theta_F + 2kp)v_k}{4\pi f_k}, k = 0, \pm 1, \cdots, n \quad (6)$$

由式(6)可知,在系统边界条件一定时,传输距 离越长,固有频率主成分就越小,即故障行波传输 距离与固有频率主成分呈反比例关系。

# 2 基于多端频率矩阵的故障定位方法

#### 2.1 故障分支判定矩阵的构建

在图论中,配电网和输电网的拓扑结构不受线路参数不同等因素的影响。因此,在本质上,它们的行波装置配置方法并没有太大区别。就拓扑结构而言,输电网通常具有多环网结构,而配电网则主要采用分层树状辐射结构,其中存在着许多分支线路。图2为某简单配电网络,各线路长度已知,各线路末端*E*<sub>1</sub>、*E*<sub>2</sub>、*E*<sub>3</sub>、*E*<sub>4</sub>、*E*<sub>5</sub>和*E*<sub>6</sub>均安装了故障行波采集设备,分支线路*E*<sub>2</sub>*P*<sub>1</sub>、*E*<sub>4</sub>*P*<sub>2</sub>、*E*<sub>5</sub>*P*<sub>4</sub>与主馈线*E*<sub>1</sub>*E*<sub>6</sub>的分支节点分别由*P*<sub>1</sub>、*P*<sub>2</sub>和*P*<sub>4</sub>表示,分支线路*E*<sub>4</sub>*P*<sub>2</sub> 与子分支线路*E*<sub>2</sub>*P*<sub>1</sub>、*E*<sub>4</sub>的参考端为*E*<sub>5</sub>和*E*<sub>6</sub>,*P*<sub>2</sub>和*P*<sub>3</sub>的参考端分别为*E*<sub>4</sub>和*E*<sub>3</sub>。

由文1.1分析可知,一般而言,固有频率主成分 大小仅与线路参数和长度有关,而在配电网拓扑结 构(包括线路末端的行波采集设备)已知的情况下, 各参考端与所有分支节点间的距离是一定的,即分 支节点故障时各参考端检测到的行波固有频率主 成分是一定的。因此,不妨设各分支节点*P<sub>j</sub>*(*j*=1, 2,3,4)分别发生虚拟故障时,对应参考端*E<sub>i</sub>*(*i*=1, 2,3,4,5,6)分别检测到的基准固有频率主成分为  $f_{E,P}^{B}$ ;当配电网发生真实故障F时,各端分别检测到 的故障固有频率主成分为 $f_{E,P,o}^{R}$ ,进一步结合式(6) 对传输距离L的公式进行分析,为了让固有频率能 更好地表征距离,计算参考端 $E_i$ 的 $f_{E,P,i}^{B}$ 倒数与光速 的积,再计算其他端 $E_k(k=1,2,3,4,5,6,k\neq i)$ 的  $f_{E,P}^{B}$ 倒数与光速的积,最后作差得到:

$$f_{E_i E_i}^{\rm B} = \frac{v_{\rm light}}{f_{E_i P_j}^{\rm B}} - \frac{v_{\rm light}}{f_{E_i P_j}^{\rm B}}$$
(7)

式中, $v_{light}$ 为光速,取值一般为 $3 \times 10^5$  km/s; $E_i$ 为各 分支节点 $P_i$ 分别对应的参考端。



图2 简单配电网络

Figure 2 Simple distribution network

据此,对于一个含有*m*个分支节点和*n*个端点的多分支配电网,其基准频率矩阵为

$$f^{\rm B} = \begin{bmatrix} 0 & f_{E_2E_1}^{\rm B} & f_{E_3E_1}^{\rm B} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_1}^{\rm B} & f_{E_sE_1}^{\rm B} \\ f_{E_1E_2}^{\rm B} & 0 & f_{E_3E_2}^{\rm B} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_3}^{\rm B} & f_{E_sE_2}^{\rm B} \\ f_{E_1E_3}^{\rm B} & f_{E_2E_3}^{\rm B} & 0 & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_3}^{\rm B} & f_{E_sE_3}^{\rm B} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ f_{E_1E_{(s-1)}}^{\rm B} & f_{E_2E_{(s-1)}}^{\rm B} & f_{E_3E_{(s-1)}}^{\rm B} & \cdots & 0 & f_{E_sE_{(s-1)}}^{\rm B} \\ f_{E_1E_s}^{\rm B} & f_{E_2E_s}^{\rm B} & f_{E_3E_s}^{\rm B} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_s}^{\rm B} & 0 \end{bmatrix}$$

$$(8)$$

式中,f<sup>B</sup>为n×n矩阵,每一列每一行元素对应配电 网各端点,其元素大小与各分支节点对应的参考端 设定有关。

通过对固有频率和传输距离之间的关系进行 分析,可以针对配电网中不同位置的故障情况求出 相应的故障分支判定原理。需要强调的是,因为矩 阵**f**<sup>a</sup>的大小只与分支线路的结构相关,所以从减少 在线运行的计算负担和时间消耗角度出发,可以在 实际故障发生之前通过离线计算得到**f**<sup>a</sup>。

真实故障发生后,计算参考端 $E_i$ 的 $f_{E,E_i}^{\text{B}}$ 倒数与 光速的积,再计算其他端 $E_i$ 的 $f_{E,E_i}^{\text{R}}$ 倒数之间的差值, 最后作差得到:

$$f_{E_iE_k}^{\rm F} = \frac{v_{\rm light}}{f_{E_iF}^{\rm F}} - \frac{v_{\rm light}}{f_{E_kF}^{\rm F}}$$
(9)

同理,对于一个含有*m*个分支节点和*n*个端点的多分支配电网,其故障频率矩阵为

$$f^{\mathrm{R}} = \begin{bmatrix} 0 & f_{E_{2}E_{1}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{3}E_{1}}^{\mathrm{R}} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_{1}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{s}E_{1}}^{\mathrm{R}} \\ f_{E_{1}E_{2}}^{\mathrm{R}} & 0 & f_{E_{3}E_{2}}^{\mathrm{R}} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_{2}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{s}E_{2}}^{\mathrm{R}} \\ f_{E_{1}E_{3}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{2}E_{3}}^{\mathrm{R}} & 0 & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_{3}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{s}E_{3}}^{\mathrm{R}} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ f_{E_{1}E_{(s-1)}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{2}E_{(s-1)}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{3}E_{(s-1)}}^{\mathrm{R}} & \cdots & 0 & f_{E_{s}E_{(s-1)}}^{\mathrm{R}} \\ f_{E_{1}E_{s}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{2}E_{s}}^{\mathrm{R}} & f_{E_{3}E_{s}}^{\mathrm{R}} & \cdots & f_{E_{(s-1)}E_{s}}^{\mathrm{R}} & 0 \end{bmatrix}$$

$$(10)$$

计算基准频率矩阵f<sup>8</sup>和故障频率矩阵f<sup>\*</sup>的差值,得到故障分支判定矩阵V为

$$V = f^{\mathrm{R}} - f^{\mathrm{B}} \tag{11}$$

### 2.2 故障分支判定原理

1) 分支节点 P<sub>i</sub>故障。

当配电网分支节点*P<sub>i</sub>*发生故障时,存在2种情况。第1种情况是发生故障的分支节点有多个参考端。当图2所示故障发生在分支*E*<sub>1</sub>*P*<sub>1</sub>和*E*<sub>2</sub>*P*<sub>1</sub>的公共分支节点*P*<sub>1</sub>时,根据式(7)~(11),可以观察到故障分支判定矩阵*V*中的元素具有如下特性:

$$\begin{cases} V(,1) = [0]_n^T \\ V(,2) = [0]_n^T \end{cases}$$
(12)

式中,*V*(,1)和*V*(,2)分别为故障判定矩阵*V*中第1 列和第2列的所有元素,[0]<sup>T</sup>,表示矩阵某列元素大 小全为0。

第2种情况是发生故障的分支节点只有1个参考端:比如当故障发生在分支节点P2时,基于式(7)~(11)可得故障分支判定矩阵V中的元素存在如下特性:

$$V(,4) = [0]_n^{\mathrm{T}}$$
 (13)

式中, V(,4)为故障判定矩阵 V中第4列的所有 元素。

综上,如果矩阵 V 中第 *i* 列的所有元素均为零,则可以推断故障发生在以端点 *E<sub>i</sub>*为参考端的分支 节点 *P<sub>i</sub>*上,即

$$V(,i) = \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}_n^{\mathrm{T}} \tag{14}$$

式中, V(, i) 为故障判定矩阵 V 中第 i 列的所有 元素。

2) 分支 $E_i P_j$ 故障。

当分支*E<sub>i</sub>P<sub>i</sub>*发生故障时,考虑故障距离与固有 频率主成分成反比的关系,同样可以推断此时故障 判定矩阵 V 的元素特征为:第 *i* 列的所有元素均不 大于零,并且第 *i* 行的所有元素均不小于零,即

$$\begin{cases} V(,i)_{\max} \leq 0\\ V(i,)_{\min} \geq 0 \end{cases}, i = 1, 2, \cdots, n \tag{15}$$

式中, V(i,)<sub>min</sub>为故障判定矩阵中第*i*行元素中的最 小值; V(,*i*)<sub>max</sub>为故障判定矩阵中第*i*列元素中的最 大值。因此,当故障分支判定矩阵 V中的元素符合 式(15)的条件时,可以推断故障发生在分支*E<sub>i</sub>P<sub>j</sub>*上。

3) 分支节点 P<sub>j</sub>P<sub>s</sub>之间故障。

当配电网任意 2个相邻分支节点 P<sub>i</sub>和 P<sub>s</sub>(其参 考端分别为 E<sub>i</sub>和 E<sub>k</sub>)之间发生故障时,结合故障距 离与固有频率主成分成反比这一特性,同理可得此 时故障判定矩阵 V的元素特征为:第 i列的所有元 素与第 k列的元素的点乘结果为零,即

V(,i)·V(,k)=0 (16)
 式中,V(,k)为故障判定矩阵 V中第 k列的所有元素。
 因此,如果故障分支判定矩阵 V的元素符合式(16),
 则可以判定故障发生在分支节点P<sub>i</sub>和P<sub>i</sub>之间。

4) 故障分支判定矩阵的修正。

由于在实际操作中,提取固有频率主成分可能 存在误差,导致V中计算值为0的元素有可能不会 等于0,还需进一步对该元素计算值进行修正。

假设 V中某元素计算值为 $\lambda$ ,误差裕度为 $\epsilon$ 。在 实际计算故障判定矩阵时,矩阵中若元素取值为  $-\epsilon \leq \lambda \leq \epsilon$ 时,修正 $\lambda = 0$ 。结合式(7)、(11)分析, 考虑 $\lambda$ 误差不大于100m,误差裕度 $\epsilon$ 的取值为0.01。

#### 2.3 故障精确定位方法

通过多端行波频率矩阵对故障分支判定后再 对故障点进行精确定位,可以有效避免配电网多分 支线路"伪故障点"问题。因此,根据式(6)可知,在 理论上,可以利用故障发生后任一参考端检测到的 固有频率主成分来实现行波的单端故障定位。然 而,故障行波经过分支节点时会发生折反射,导致 行波能量损失,进而影响固有频率主成分的提取精 度。为此,为了减少故障定位误差,在判定故障分 支后,参考端的选择应以故障点到参考端的路径不 经过分支节点或经过分支节点数量最少为原则。 具体如下。

 分支节点P<sub>i</sub>故障或分支E<sub>i</sub>P<sub>i</sub>故障时均选取 E<sub>i</sub>为参考端,其中如果分支节点P<sub>i</sub>故障并且P<sub>i</sub>存在 多个E<sub>i</sub>则选取故障点到参考端不经过其他分支节 点的E<sub>i</sub>为参考端,利用其检测到的固有频率主成分 结合式(6)计算故障距离。 2)分支节点 P<sub>i</sub>P<sub>i</sub>之间故障时,选取故障点到任 一末端路径经过分支节点数量最少的末端为参考 端,如果存在多个参考端则选取检测到固有频率主 成分较大的为参考端,利用其检测到的固有频率主 成分结合式(6)计算故障距离。

由式(6)可知,行波波速实际是具有依频特性的,原因在于故障行波可以被看作是由低频到高频 等各种不同频率的波形分量叠加而成,对配电线路 中不同频率的行波分量来说,其运动过程中的传输 函数*T*(*f*<sub>k</sub>,*L*)与传输距离*L*和行波频率*f*<sub>k</sub>有关,具体 计算如下:

$$T(f_{k}, L) = e^{-\zeta(f_{k})L}$$
(17)  
$$\zeta(f_{k}) = \sqrt{Z_{0}Y_{0}} = \sqrt{(R_{0} + j\omega L_{0})(G_{0} + j\omega C_{0})} = A(f_{k}) + jB(f_{k})$$
(18)

式(17)、(18)中, $\xi(f_k)$ 为线路传输系数; $Z_0$ 、 $Y_0$ 分别 为线路单位长度的阻抗和导纳; $R_0$ 、 $L_0$ 、 $G_0$ 和 $C_0$ 分别 为线路单位长度电阻、电感、电导和电容; $\omega$ 为固有 频率对应的角频率; $A(f_k)$ 为衰减系数,表示不同频 率行波分量沿线路的幅值衰减特性; $B(f_k)$ 为相位系 数,表示不同频率行波分量沿线路的相位变化特 性。根据式(17)得到传输函数 $|T(f_k,L)|$ 随传输距离 和行波频率变化的关系如图3所示。





at different frequencies and transmission distances

由图3可知,当频率一定时,故障行波传输距离 越长,衰减就越明显;同理,当传输距离一定时,故 障行波频率越高,衰减就越明显。其中,传输函数  $T(f_k,L)$ 在频率为0~30 kHz时变化不大,而当频率 大于 30 kHz时, $T(f_k,L)$ 随传输距离的增加,衰减变 得越明显,甚至衰减到接近0。可以发现,30 kHz以 下的故障行波受频率和传输距离的影响较小。据 此,行波波速 $v_k$ 可进一步表示为

$$v_{k} = \frac{2\pi f_{k}}{B(f_{k})} = \frac{2\pi f_{k}}{\operatorname{Im}\sqrt{(G_{0} + j\omega C_{0})(R_{0} + j\omega L_{0})}}$$
(19)

根据式(19),可以绘制行波频率与波速的关系 曲线,如图4所示,可以观察到不同频率的行波分量 具有明显的波速差异。然而,目前许多故障行波定 位方法中,波速度的选择往往依赖于历史经验值, 或者忽略线路参数的频率相关特性,仅基于某一固 定线路参数计算得到的固定值。利用这2种方式获 取的波速度进行故障定位,其定位结果具有较大的 任意性,原因是波速度与真实值存在偏差,降低了故 障定位精度。由图4可知,线模分量在1~100 kHz 频带内行波信号波速度取值为 $2.915.6 \times 10^5$ ~  $2.967.7 \times 10^5$  km/s。在此范围内波速最大偏差为 0.0521×10<sup>5</sup> km/s,如果固有频率主成分为1 kHz, 则最大定位误差为260.5m,这是由波速度计算误 差引起的;若采用时域双端行波定位法,假设用于 故障定位的两端传输时差为150 µs,则由波速度计 算误差导致的最大定位误差为390.75m。因此,某 一经验波速或固定波速很难保证故障定位精度。



图 4 波速度频率特性曲线 Figure 4 Frequency-dependent characteristic curve of wave velocity

本文所提方法刚好可以在确定固有频率主成 分大小的基础上,计算与该频率主成分相匹配的波 速度,实现故障距离计算与波速度计算的有机统 一,提高配电网故障行波定位的可靠性和精度。

综上所述,基于多端行波频率矩阵的复杂配电 网故障定位方法的流程如图5所示,具体步骤如下。

 在配电网各分支线路安装故障行波采集设 备,定义其各分支节点对应的参考端。

2)真实故障发生前,假设各分支节点P<sub>i</sub>分别发 生虚拟故障,对原始故障行波进行数据预处理,提 取各端的基准固有频率主成分,基于配电网拓扑结 构和式(8)建立基准频率矩阵,为后面构造故障分 支判定矩阵奠定基础,减少方法在线运行时的计算 量和时间。

3) 真实故障发生后,同样对原始故障行波进行数据预处理,提取各端的故障固有频率主成分,基 于式(10)建立故障频率矩阵,再基于式(11)得到故 障判定矩阵V。

4)若故障判定矩阵 V满足式(14),则判定分支节点 P<sub>i</sub>发生故障。

5) 若故障判定矩阵 V满足式(15),则判定分支 E<sub>i</sub>P<sub>j</sub>发生故障。

6)若故障判定矩阵 V满足式(16),则判定分支 节点P<sub>i</sub>和P<sub>s</sub>之间发生故障。

7) 在判定故障分支的基础上,按照故障点到参考端的路径不经过分支节点或经过分支节点数量 最少为原则确定参考端,选取步骤3)已经提取的参 考端检测到的故障固有频率主成分。

8) 计算出与步骤7)选取的固有频率主成分相 匹配的故障行波波速,结合式(6)输出故障点位置。





# 3 仿真验证

## 3.1 仿真模型

利用PSCAD/EMTDC对所提故障定位方法进

行验证,搭建10 kV 配电网仿真模型如图6所示,  $E_1 \sim E_8$ 为各线路末端,均安装故障行波采集设备,采 集故障发生前0.2 ms和故障发生后0.8 ms共1 ms 的电压行波信号,采样频率为100 kHz。定义分支 节点 $P_1$ 的参考端为 $E_1$ 和 $E_2$ ,分支节点 $P_6$ 的参考端为  $E_7$ 和 $E_8$ ,分支节点 $P_2$ 、 $P_3$ 、 $P_4$ 和 $P_5$ 的参考端分别为  $E_3$ 、 $E_4$ 、 $E_5$ 和 $E_6$ 。 $P_1P_3$ 和 $E_5P_4$ 为架空一电缆混合线 路,线路 $E_3P_2$ 为电缆线路,其余的线路均为架空线 路。同一类型线路参数一致,均采用分布参数频率 相关模型。在分支 $E_6P_5$ 接入一台3 MW 的逆变型 分布式电源,各支路末端都接有 Dyn 型配电变压 器,变比为10 /0.4 kV。考虑配电网运行环境较为 复杂,加入50 dB 白噪声。

在分支节点 $P_1$ 处设置故障 $F_1$ ;在分支 $E_7P_6$ 距离  $E_7$ 端2.4 km处设置故障 $F_2$ ;在分支节点 $P_4$ 和 $P_5$ 之间 距 $P_4$ 点2.9 km处设置故障 $F_3$ ;3个故障点的故障参 数一致,均为A相接地故障,过渡电阻200 $\Omega$ ,故障

$$f^{\rm B} = \begin{bmatrix} 0 & 14.53 & -4.71 & 7.98 \\ -14.53 & 0 & -9.00 & -6.55 \\ -5.52 & 9.00 & 0 & 2.45 \\ -31.72 & -17.19 & -36.42 & 0 \\ -24.35 & -9.82 & -29.06 & 7.37 \\ -28.44 & -13.92 & -33.15 & 3.27 \\ -25.99 & -11.46 & -30.69 & 5.73 \\ -21.28 & -6.75 & -25.99 & 10.43 \end{bmatrix}$$

#### 3.2 典型故障案例分析

对上述3个故障点分别进行仿真,采集其原始 故障行波的线模信号,利用EMD和FFT对故障行 波的线模分量进行频谱分析,提取各端不同故障时 检测到的故障固有频率主成分f<sup>\*</sup><sub>E,Pi</sub>,如表1所示。

表1 不同故障下各端检测到的故障固有频率主成分 Table 1 Natural frequency principal components of faults detected at each end under different faults

는 문	故障	适固有频率主成分	/Hz
	故障 $F_1$	故障 $F_2$	故障 $F_3$
$E_1$	40 728	8 378	9 399
$E_2$	13 703	5 960	6 459
$E_3$	23 273	7 258	8 012
$E_4$	7 676	6 851	20 651
$E_5$	9 459	8 237	15 766
${E}_{6}$	8 378	7 405	26 658
$E_7$	8 995	61 092	8 780
$E_8$	10 473	13 451	10 182

限于篇幅,只给出故障F1发生时各端的故障行

初相角 30°。在真实故障发生之前,对配电网线路进 行归一化处理<sup>[30]</sup>。因此,即使故障发生在混联线路 或电缆上,也能等效转化为故障发生在架空线上的 情形。据此,基于配电网拓扑结构和式(8)建立基 准频率矩阵*f*<sup>B</sup>。



图6 10 kV 配电网仿真模型

Figure 6 Simulation model of 10 kV distribution network

	-13.50	-8.80	-21.48	-12.89
	-28.03	-23.33	-36.01	-27.42
	-19.03	-14.32	-27.01	-18.41
(20)	-21.48	-16.78	-3.27	-7.37
(20)	-14.12	-9.41	-8.59	0
	-18.21	-13.50	0	-4.09
	-4.71	0	-23.73	-15.14
	0	4.71	-19.03	-10.43

波固有频率主成分检测图,如图7所示,第一个峰值 对应的横坐标大小为各端的故障固有频率主成分。

1) 故障*F*10

结合表1中故障 $F_1$ 的故障固有频率主成分和式 (10),可以得到故障频率矩阵 $f^{\text{F}}$ 。通过式(11)将故 障频率矩阵 $f^{\text{F}}减去基准频率矩阵<math>f^{\text{B}}$ ,从而获得故障  $F_1$ 修正前的分支判定矩阵 $V_{F_1}$ ,按照矩阵修正原则 进行修正,修正后的分支判定矩阵 $V'_{F_1}$ 为

					$V_{F_1}'=$				
Γ	0	0	10.23	23.74	37.24	49.92	34.79	34.78	
	0	0	0	23.74	37.24	49.93	34.79	34.78	
	0	0	0	23.74	37.24	49.93	34.78	34.78	
	0	0	10.23	0	0	0	11.05	11.04	
	0	0	10.23	0	0	12.68	11.05	11.05	
	0	0	10.23	0	0	0	11.04	11.05	
	0	0	10.23	0	13.50	26.19	0	0	
	0	0	10.24	0	13.50	26.19	0	0	
								(21	)



**Figure 7** Natural frequency principal components of fault traveling wave detected at each end during  $F_1$ 

根据对 $V'_{F_1}$ 中元素特性的分析,可以观察到矩阵的第1列和第2列元素均为0,符合式(14)的条件。因此,可以推断故障 $F_1$ 发生在以 $E_1$ 和 $E_2$ 为参考端的分支节点 $P_1$ 上。进一步对故障位置进行精确定位,由于 $P_1$ 到 $E_1$ 的路径无分支节点, $P_1$ 到 $E_2$ 的路径经过分支节点 $P_2$ ,根据故障定位参考端确定原则,选用 $E_1$ 为参考端计算故障距离。由表1可知,在

	0	0	10.24	0
	0	0	0	0
	0	0	0	0
<b>U</b> / —	23.74	23.74	33.96	0
$V_{F_2}$ —	23.74	23.74	33.97	0
	23.73	23.74	33.97	0
	56.89	56.88	67.11	33.15
	34.78	34.78	45.02	11.06

经过对*V<sub>F<sub>2</sub></sub>*的元素特性进行分析,可以得知矩阵中 的元素不符合分支节点发生故障时的特征。但是矩阵 中第7列元素全部不大于0,第7行元素全部不小于0, 满足式(15),可判断以*E<sub>7</sub>为参考*端的分支节点与*E<sub>7</sub>*所 连分支发生故障,即故障*F*<sub>2</sub>发生在分支*E<sub>7</sub>P<sub>6</sub>*上。进一 步对故障位置进行精确定位,根据故障定位参考端确 定原则,选用*E<sub>7</sub>为参考*端计算故障距离。由表1可知, 故障  $F_1$ 发生时,  $E_1$ 检测到的故障固有频率主成分为 40 728 Hz, 相应的行波波速为 2.939 1×10<sup>5</sup> km/s, 应用式(6)计算出故障  $F_1$ 距离  $E_1$ 的距离为 3.608 km。 与实际故障距离相比,绝对误差仅为 8 m。

2) 故障F<sub>2</sub>。

结合表1中故障*F*<sub>2</sub>的故障固有频率主成分,同 理可得到修正后的分支判定矩阵*V*<sup>*i*</sup><sub>*F*<sub>2</sub></sub>为

在故障 $F_2$ 发生时, $E_7$ 检测到的故障固有频率主成分为 61 092 Hz,相应的行波波速为2.945 8×10<sup>5</sup> km/s,应 用式(6)计算出故障 $F_2$ 距离 $E_7$ 的距离为2.411 km。与 实际故障距离相比,绝对误差仅为11 m。

3) 故障F30

结合表1中故障F<sub>3</sub>的故障固有频率主成分,同 理可得到修正后的分支判定矩阵V<sub>F3</sub>为

	0	0	10.24	-25.37	0	0.82	11.05	11.05	
	0	0	0	-25.37	0	0.82	11.05	11.05	
	0	0	0	-25.37	0	0.82	11.04	11.05	
V' =	49.11	49.11	59.34	0	11.87	0	36.42	36.42	(22)
$V_{F_3}$ —	37.24	37.24	47.48	-11.87	0	0.82	24.55	24.56	(23)
	49.10	49.11	59.34	-11.87	11.86	0	36.41	36.42	
	23.74	23.74	33.97	-25.37	0	0.82	0	0	
	23.73	23.73	33.97	-25.37	0	0.82	0	0	

经过对 V/ 的元素特性进行分析,可知矩阵中 的元素不符合分支节点发生故障时的特征。但是 矩阵中第4列元素全部不大于0,第4行元素全部 不小于0,满足式(15),可判断以E<sub>4</sub>为参考端的分 支节点与 $E_4$ 所连分支发生故障,即故障 $F_3$ 发生在 分支E4P3上。此外,第5列元素和第6列元素点乘 的结果为0,满足式(16),可对故障区段进一步缩 小,判断以E<sub>5</sub>为参考端的分支节点与以E<sub>6</sub>为参考 端的分支节点之间发生故障,即故障F<sub>3</sub>发生在分 支节点 P4和 P5之间。进一步对故障位置进行精确 定位,根据故障定位参考端确定原则,可选用E4、  $E_5$ 或 $E_6$ 作为参考端,但由表1可知, $E_6$ 相比于 $E_4$ 和 E5,在故障F3发生时检测到故障固有频率主成分 最大。因此,选用E<sub>6</sub>为参考端计算故障距离,其固 有频率主成分为26658 Hz,对应行波波速为  $2.924.6 \times 10^5 \text{ km/s}$ ,应用式(6)计算出故障  $F_3$ 距离  $E_6$ 的距离为 5.485 km。与实际故障距离相比,绝对 误差仅为15m。

#### 3.3 不同故障工况下算法适应性分析

为探究所提故障定位方法在其他不同场景下 的适应能力,分别在不同故障位置、故障类型、过渡 电阻和故障初相角情况下对配电网故障进行仿真。 值得说明的是,在不同故障工况下行波频谱波形的 幅值会有所改变,但固有频率主成分大小基本不会 发生变化,只与线路参数和配电网拓扑结构有关。 因此,对于图6所示的配电网模型,不论发生何种故 障,真实故障发生前基准频率矩阵仍然可以如式(20) 所示。故障参数具体设置如下。

1) 为验证不同故障位置的影响,在A相接地故 障、过渡电阻 50 Ω、故障初相角 30°的情况下,继续设 置故障 $F_4$ 、 $F_5$ 、 $F_6$ ,其中 $F_4$ 发生在分支节点 $P_5$ 处, $F_5$ 发生在分支 $E_3P_2$ 距 $E_3$ 端1.7 km处, $F_6$ 发生在分支节 点 $P_1$ 和 $P_3$ 之间距 $P_1$ 点 0.4 km处。将本文所提故障 定位方法与文献[37]所提方法(利用图论和行波头 时间信息实现故障分支判定和故障定位,波速度选 取 经 验 波 速 3×10<sup>5</sup> km/s)进行对比分析,故障  $F_1 \sim F_6$ 的定位结果如表2所示。

2) 为验证不同故障类型的影响,在过渡电阻 50 Ω、故障初相角 30°的情况下,对 $F_1$ 、 $F_2$ 和 $F_3$ 分别 设置A相接地故障(AG)、AB相间故障(AB)、BC 相间接地故障(BCG)和ABC三相故障(ABC)。 按照本文所提故障定位方法,定位结果如表 3 所示。

表 2	不同故障位置下不同方法的故障定位结果

 
 Table 2
 Fault location results of different methods under different fault locations

所提 方法	判定 结果	定位 参考 端	固有 频率/ Hz	波速/ (km・ s <sup>-1</sup> )	定位 距离/ km	绝对 误差/ m	
本文	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8	
文献[37]	$P_1$	$E_1$		300.0	3.683	83	
本文	$E_{7}P_{6}$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11	
文献[37]	$E_7P_6$	$E_7$		300.0	2.455	55	
本文	$P_{4}P_{5}$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15	
文献[37]	$E_4P_3$	$E_4$		300.0	7.272	127	
本文	$P_5$	$E_6$	27 664	292.5	5.286	14	
文献[37]	$P_5$	$E_4$		300.0	7.022	122	
本文	$E_3P_2$	$E_3$	86 247	296.0	1.716	16	
文献[37]	$E_3P_2$	$E_3$		300.0	1.739	39	
本文	$P_{1}P_{3}$	$E_1$	36 655	293.7	4.007	7	
文献[37]	$P_{1}P_{3}$	$E_1$		300.0	4.092	92	
	所提 方法 本文 文献[37] 本文 文献[37] 本文 文献[37] 本文 文献[37] 本文 文献[37]	所提     判定       方法     结果       本文     P1       文献[37]     P1       本文     E7P6       文献[37]     E7P6       文献[37]     E4P3       本文     P4P5       文献[37]     E4P3       本文     P5       文献[37]     P5       本文     E3P2       文献[37]     E3P2       文献[37]     F1P3       文献[37]     P1P3	所提 方法     判定 结果     定位 参考 端       方法     約定 结果     定位 参考 端       本文 $P_1$ $E_1$ 本文 $P_1$ $E_1$ 本文 $E_7P_6$ $E_7$ 文献[37] $E_7P_6$ $E_7$ 本文 $P_4P_5$ $E_6$ 文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 本文 $P_5$ $E_6$ 文献[37] $P_5$ $E_4$ 本文 $E_3P_2$ $E_3$ 文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 文献[37] $P_1P_3$ $E_1$ 文献[37] $P_1P_3$ $E_1$	所提 方法       判定 结果       定位 参考 频率/ 端       固有 频率/ 頻率/ 端         本文       名       頻率/ 端       Hz         本文 $P_1$ $E_1$ 40 728         文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728         文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728         本文 $P_7P_6$ $E_7$ 61 092         文献[37] $E_7P_6$ $E_7$ 61 092         文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 26 658         文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 27 664         文献[37] $P_5$ $E_6$ 27 664         文献[37] $P_5$ $E_4$ 27         本文 $E_3P_2$ $E_3$ 86 247         文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 26 655         文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 26 655         文献[37] $P_1P_3$ $E_1$ 36 655	所提 方法       判定 结果       定位 参考 频率/ 端       固有 频率/ (km・ 端       波速/ (km・ 端         本文 $P_1$ $E_1$ 40 728       293.9         文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728       293.9         文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728       293.9         文献[37] $P_1$ $E_1$ 300.0         本文 $E_7P_6$ $E_7$ 61 092       294.6         文献[37] $E_7P_6$ $E_7$ 61 092       294.6         文献[37] $E_4P_5$ $E_6$ 26 658       292.5         文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 300.0         本文 $P_5$ $E_6$ 27 664       292.5         文献[37] $P_5$ $E_4$ 300.0         本文 $E_3P_2$ $E_3$ 86 247       296.0         文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 300.0       300.0         本文 $P_1P_3$ $E_1$ 36 655       293.7         文献[37] $P_1P_3$ $E_1$ 300.0	所提 方法         判定 结果         定位 参考 频率/ 端         固有 频率/ (km・ Ea)         波速/ 距离/ 地面         定位 距离/ 地面           本文 $P_1$ $E_1$ 40 728         293.9         3.608           文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728         293.9         3.608           文献[37] $P_1$ $E_1$ 300.0         3.683           本文 $E_7P_6$ $E_7$ 61 092         294.6         2.411           文献[37] $E_7P_6$ $E_7$ 300.0         2.455           本文 $P_4P_5$ $E_6$ 26 658         292.5         5.485           文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 300.0         7.272           本文 $P_5$ $E_6$ 27 664         292.5         5.286           文献[37] $P_5$ $E_4$ 300.0         7.022           本文 $P_5$ $E_4$ 300.0         7.022           本文 $E_3P_2$ $E_3$ 86 247         296.0         1.716           文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 300.0         1.739           本文 $P_1P_3$ $E_1$ 36 655	所提 方法       判定 结果       定位 多考 频率/ 端       固有 频率/ (km・ Hz       波速/ 距离/ 距离/ km       定位 误差/ 環差/ 環差/ 端       绝对 環差/ 距离/ 端         本文 $P_1$ $E_1$ 40 728       293.9       3.608       8         文献[37] $P_1$ $E_1$ 40 728       293.9       3.608       8         文献[37] $P_1$ $E_1$ 300.0       3.683       83         本文 $E_7P_6$ $E_7$ 61 092       294.6       2.411       11         文献[37] $E_7P_6$ $E_7$ 61 092       294.6       2.415       55         本文 $P_4P_5$ $E_6$ 26 658       292.5       5.485       15         文献[37] $E_4P_3$ $E_4$ 300.0       7.272       127         本文 $P_5$ $E_6$ 27 664       292.5       5.286       14         文献[37] $P_5$ $E_4$ 300.0       7.022       122         本文 $E_3P_2$ $E_3$ 86 247       296.0       1.716       16         文献[37] $E_3P_2$ $E_3$ 300.0       1.739       39         本文 $P_1P_3$ $E_1$ 36 655

#### 表3 不同故障类型下故障定位结果

 Table 3
 Fault location results under different fault types

故障 位置	故障 类型	判定 结果	定位 参考 端	固有 频率/ Hz	波速/ (km・ s <sup>-1</sup> )	定位 距离/ km	绝对 误差/ m
	AG	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
	AB	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
$F_1$	BCG	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
	ABC	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
	AG	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	AB	$E_{7}P_{6}$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
$F_2$	BCG	$E_{7}P_{6}$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	ABC	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	AG	$P_{4}P_{5}$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
D	AB	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
$F_3$	BCG	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
	ABC	$P_{4}P_{5}$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15

3)为验证不同过渡电阻的影响,在A相接地故障、故障初相角 30°的情况下,对 $F_1$ 、 $F_2$ 和 $F_3$ 分别设置 0.1、50、1 000、5 000  $\Omega$ 的过渡电阻。按照本文所提故障定位方法,定位结果如表4所示。

4) 为验证不同故障初相角的影响,在A相接地

故障、过渡电阻 50  $\Omega$ 的情况下, 对 $F_1$ 、 $F_2$ 和 $F_3$ 分别设置 5°、30°、60°、90°的故障初相角。按照本文所提故 障定位方法, 定位结果如表 5 所示。

表4 不同过渡电阻下故障定位结果

 Table 4
 Fault location results under different

transition resistances

故障 位置	过渡 电阻/ Ω	判定结果	定位 参考 端	固有 频率/ Hz	波速/ (km・ s <sup>-1</sup> )	定位 距离/ km	绝对 误差/ m
	0.1	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
	50	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
$F_1$	1 000	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
	5 000	$P_1$	$E_1$	40 729	293.9	3.608	8
	0.1	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	50	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
$F_2$	1 000	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	5 000	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
	0.1	$P_4P_5$	$E_6$	26 657	292.5	5.486	14
F	50	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
1ª 3	1 000	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
	5 000	$P_4P_5$	$E_6$	26 659	292.5	5.485	15

表 5	不同故	<b>、障初相</b>	角下	故障	定位	结果
-----	-----	-------------	----	----	----	----

Table 5	Fault location results under different fault
	initial phase angles

故障 位置	故障 初相 角/(°)	判定 结果	定位 参考 端	固有 频率/ Hz	波速/ (km・ s <sup>-1</sup> )	定位 距离/ km	绝对 误差/ m
	5	$P_1$	$E_1$	40728	293.9	3.608	8
	30	$P_1$	$E_1$	40 728	293.9	3.608	8
$F_1$	60	$P_1$	$E_1$	40 729	293.9	3.608	8
	90	$P_1$	$E_1$	40 731	293.9	3.608	8
	5	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
_	30	$E_7P_6$	$E_7$	61 092	294.6	2.411	11
$F_2$	60	$E_7P_6$	$E_7$	61 093	294.6	2.411	11
	90	$E_7P_6$	$E_7$	61 093	294.6	2.411	11
	5	$P_4P_5$	$E_6$	26 659	292.5	5.486	15
F	30	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
1.3	60	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15
	90	$P_4P_5$	$E_6$	26 658	292.5	5.485	15

综合表 2~5可知,本文所提故障定位方法对 于不同位置、类型、过渡电阻、初相角均能可靠判定 故障分支,定位精度高且具有较强的适应性,定位 结果绝对误差不超过20m。特别是由表2可知,文 献[37]所提方法故障定位误差均大于本方法,原因 在于该方法没有将分支节点之间故障特性考虑到 故障判定原则中,导致存在"伪故障点"问题,并且 在故障定位时过于依赖固定的经验波速。而本方 法无须检测行波波头时间,仅利用行波固有频率主 成分信息,通过构建多端频率矩阵准确刻画了配电 网拓扑任一分支发生故障的情形,在保证故障分支 可靠判定的同时实现了频率分量与波速度相互匹 配,大大提高了故障定位精度。

# 4 结语

本文聚焦于复杂配电网故障分支的准确判定 和波速度的准确选择,基于多端行波频率矩阵,提 出一种不依赖波头时间信息的复杂配电网故障定 位方法。通过对故障行波固有频率主成分与传输 距离的关系进行分析,定义各分支节点的参考端, 并计算真实故障发生前的基准固有频率矩阵与真 实故障发生后的故障固有频率矩阵之间的差值, 最终得到相应的故障分支判定矩阵,利用该矩阵 中的元素特征实现复杂配电网故障分支的判定。 在判定故障分支的基础上,按照故障点到参考端 的路径不经过分支节点或经过分支节点数量最少 为原则选取参考端,同时计算对应参考端故障固 有频率主成分下的波速度,进而精确定位故障点

仿真结果表明所提方法无须检测行波波头时间,仅利用行波固有频率主成分信息,通过构建多端频率矩阵准确刻画了配电网拓扑发生任一分支发生故障的情形,在保证故障分支可靠判定的同时实现了频率分量与波速度相互匹配,大大提高了故障定位精度。对于不同位置、类型、过渡电阻、初相角,所提故障定位方法均能可靠判定故障分支,定位精度高且具有较强的适应性,在论文给定的配电网案例中,定位结果绝对误差不超过20m。

# 参考文献:

 [1] 魏亚军,李开灿,董振.含逆变型分布式电源的配电网故 障暂态分析[J].电力科学与技术学报,2022,37(3):102-108+125.

WEI Yajun,LI Kaican,DONG Zhen.Transient analysis of faults in the distribution networkswith inverter interfaced

distributed generator[J]. Journal of Electric Power Science and Technology,2022,37(3):102-108+125.

- [2] 邵华,贺春光,安佳坤,等.基于线性约束的有源配电网规划研究[J].电力科学与技术学报,2020,35(5):66-74.
   SHAO Hua, HE Chunguang, AN Jiakun, et al. Active distribution network planning model based on linearized constraints[J]. Journal of Electric Power Science and Technology,2020,35(5):66-74.
- [3] 刘建伟,李学斌,刘晓鸥. 有源配电网中分布式电源接入 与储能配置[J]. 发电技术,2022,43(3):476-484.
   LIU Jianwei, LI Xuebin, LIU Xiaoou. Distributed power access and energy storage configuration in active distribution network[J]. Power Generation Technology, 2022,43(3):476-484.
- [4] 陈宁铤,黄文焘,杨欢红,等.多端环型海底观测网供电系统故障主动定位方法[J].电力系统自动化,2023,47
   (19):147-155.
   CHEN Ningting, HUANG Wentao, YANG Huanhong, et

al. Active fault location method for power supply system of multi-terminal undersea observation ring networks[J]. Automation of Electric Power Systems,2023,47(19):147-155.

- [5] 邓丰,徐帆,曾哲,等.基于多源暂态信息融合的单端故 障定位方法[J].电工技术学报,2022,37(13):3201-3212. DENG Feng,XU Fan,ZENG Zhe,et al.Single-ended fault location method based on multi-source transient information fusion[J].Transactions of China Electrotechnical Society,2022,37(13):3201-3212.
- [6] 黄鸣宇,祁升龙,芦翔,等.基于轨迹去伪的输电线路故 障定位方法[J].电测与仪表,2022,59(7):85-90.
  HUANG Mingyu,QI Shenglong,LU Xiang,et al.A novel trajectory purification based fault location method for transmission line[J]. Electrical Measurement & Instrumentation,2022,59(7):85-90.
- [7] 贾清泉,郑旭然,刘楚,等.基于故障方向测度的配电网故障区段定位方法[J].中国电机工程学报,2017,37(20):
   5933-5941.

JIA Qingquan, ZHENG Xuran, LIU Chu, et al. A method of fault section location in distribution networks based on fault direction measures[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(20):5933-5941.

 [8] 谢李为,李勇,罗隆福,等.基于距离矩阵与分支系数的 配电网故障定位方法[J].中国电机工程学报,2020,40
 (7):2180-2191

XIE Liwei, LI Yong, LUO Longfu, et al. Fault location method for distribution networks based on distance matrix and branch coefficient[J]. Proceedings of the CSEE,2020,40(7):2180-2191,

[9] 陈海东,蒙飞,赵磊,等.利用分布式电源注入信号的配 电线路故障性质识别技术[J].高压电器,2022,58(12): 123-129+146.

CHEN Haidong, MENG Fei, ZHAO Lei, et al. Fault identification technology for distribution line based on distributed generation injection signal[J]. High Voltage Apparatus,2022,58(12):123-129+146.

[10] 李练兵,孙腾达,曾四鸣,等.基于多端行波时差的配电
 网故障定位方法[J].电力系统保护与控制,2022,50(3):
 140-147.

LI Lianbing, SUN Tengda, ZENG Siming, et al. Fault location method for distribution networks based on traveling wave time difference[J]. Power System Protection and Control,2022,50(3):140-147.

- [11] 何正友,李波,廖凯,等.新形态城市电网保护与控制关 键技术[J].中国电机工程学报,2020,40(19):6193-6206.
  HE Zhengyou,LI Bo,LIAO Kai, et al. Key technologies for protection and control of novel urban power grids[J].
  Proceedings of the CSEE,2020,40(19):6193-6206.
- [12] 于力,焦在滨,王晓鹏,等.基于 PMU的中压配电网精确 故障定位方法及关键技术[J].电力系统自动化,2020,44 (18):30-38.

YU Li, JIAO Zaibin, WANG Xiaopeng, et al. Accurate fault location scheme and key technology of mediumvoltage distribution network with synchrophasor measurement units[J]. Automation of Electric Power Systems,2020,44(18):30-38.

- [13] 董旭柱,黄邵远,陈柔伊,等.智能配电网自愈控制技术
  [J].电力系统自动化,2012,36(18):17-21.
  DONG Xuzhu, HUANG Shaoyuan, CHEN Rouyi, et al.
  Self-healing control technology for smart distribution system[J]. Automation of Electric Power Systems, 2012, 36(18):17-21.
- [14] 白星振,宋昭杉,葛磊蛟,等.含分布式电源的复杂配电
   网相间故障定位等效解耦模型[J].电力建设,2022,43
   (2):45-53.

BAI Xingzhen, SONG Zhaoshan, GE Leijiao, et al. An equivalent decoupling model for fault location in complex distribution network with distributed generation [J].Electric Power Construction,2022,43(2):45-53.

[15] 麦章渠,曾颖,张禄亮,等.基于改进哈里斯鹰优化算法 的有源配电网故障定位[J].智慧电力,2022,50(11):104-111.

MAI Zhangqu, ZENG Ying, ZHANG Luliang, et al. Fault location of active distribution network based on improved Harris Hawks optimization algorithm[J].Smart Power, 2022, 50(11):104-111.

[16] 宋连峻,曲霏,廉洪波,等.基于阻抗分析的复杂配电网接地故障定位方法[J].电网与清洁能源,2022,38(8):69-74.

SONG Lianjun,QU Fei,LIAN Hongbo,et al.A grounding fault location method for complex distribution networks

based on impedance analysis[J]. Power System and Clean Energy,2022,38(8):69-74.

[17] 朱占春,潘宗俊,唐金锐,等.基于单端暂态能量谱相似
 性的配电网故障区段定位新方法[J].电力科学与技术
 学报,2021,36(2):180-191.
 ZHU Zhanchun, PAN Zongjun, TANG Jinrui, et al. A

novel fault location method for power distribution systems using energy spectrum similarity analysis of single-terminal transient waveform[J].Journal of Electric Power Science and Technology,2021,36(2):180-191.

[18] 邓丰,李欣然,曾祥君,等.基于多端故障行波时差的含 分布式电源配电网故障定位新方法[J].中国电机工程 学报,2018,38(15):4399-4409.

DENG Feng, LI Xinran, ZENG Xiangjun, et al. A novel multi-terminal fault location method based on traveling wave time difference for radial distribution systems with distributed generators[J].Proceedings of the CSEE,2018, 38(15):4399-4409.

[19] 何正友,李小鹏,林圣.时频联合分析在输电线路继电保 护和故障定位中的应用综述[J].电力科学与技术学报, 2013,28(1):3-16.

HE Zhengyou, LI Xiaopeng, LIN Sheng. Application review of time-frequency joint analysis in protective relaying and fault location[J]. Journal of Electric Power Science and Technology,2013,28(1):3-16.

[20] 张帆,潘贞存,马琳琳,等.基于模量行波传输时间差的 线路接地故障测距与保护[J].中国电机工程学报,2009, 29(10):78-83.

ZHANG Fan, PAN Zhencun, MA Linlin, et al. Transmission line fault location and protection based on the gap between zero mode and aerial mode traveling wave propagation time[J]. Proceedings of the CSEE, 2009,29(10):78-83.

- [21] 宁一,王大志,江雪晨,等.基于零模行波波速特性的配电网单相接地故障测距方法[J].中国电机工程学报,2015,35(S1):93-98.
  NING Yi, WANG Dazhi, JIANG Xuechen, et al. A single phase-to-ground fault location scheme for distribution networks based on zero-mode traveling wave velocity property[J].Proceedings of the CSEE,2015,35(S1):93-98.
- [22] 区伟潮,葛阳,朱延廷,等.基于双端原理的中压电缆潜 伏性故障定位方法[J].山东大学学报(工学版),2022, 52(5):84-91.

OU Weichao, GE Yang, ZHU Yanting, et al. Method for locating faults of medium voltage cables based on double-ended principle[J]. Journal of Shandong University (Engineering Science), 2022, 52(5):84-91.

 [23] 王哲,迟福建,赵志斌,等.基于行波检测的水电配电网 单相接地故障定位[J].电气传动,2021,51(16):46-50.
 WANG Zhe,CHI Fujian,ZHAO Zhibin,et al.Single-phase ground fault location of hydropower distribution network based on traveling wave detection[J]. Electric Drive,2021,51(16):46-50.

 [24] 刘晓琴,王大志,江雪晨,等.利用行波到达时差关系的 配电网故障定位算法[J].中国电机工程学报,2017,37 (14):4109-4115.

LIU Xiaoqin, WANG Dazhi, JIANG Xuechen, et al. Fault location algorithm for distribution power network based on relationship in time difference of arrival of traveling wave[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(14): 4109-4115.

- [25] WU L Y, HE Z Y, QIAN Q Q. A new single ended fault location technique using travelling wave natural frequencies[C]//2009 Asia-Pacific Power and Energy Engineering Conference.Wuhan, China.IEEE, 2009:1-5.
- [26] 邬林勇.利用故障行波固有频率的单端行波故障测距法[D].成都:西南交通大学,2009.
  WU Linyong.Single-ended traveling wave fault location method using natural frequency of fault traveling wave [D].Chengdu:Southwest Jiaotong University,2009.
- [27] 李小鹏,何正友,夏璐璐.同杆双回输电线路的固有频率 测距算法[J].电力系统自动化,2011,35(12):47-51.
   LI Xiaopeng, HE Zhengyou, XIA Lulu. Natural frequencies based fault location algorithm for parallel transmission lines on the same tower[J]. Automation of Electric Power Systems,2011,35(12):47-51.
- [28] 夏璐璐,何正友,李小鹏,等.基于行波固有频率和经验 模态分解的混合线路故障测距方法[J].电力系统自动 化,2010,34(18):67-73.
   XIA Lulu, HE Zhengyou, LI Xiaopeng, et al. A fault

location method based on natural frequencies and empirical mode decomposition for mixed overheadcable lines[J]. Automation of Electric Power Systems, 2010,34(18):67-73.

- [29] 黄忠棋.采用行波固有频率的混合线路故障测距新方法[J].电力系统及其自动化学报,2015,27(11):73-79.
  HUANG Zhongqi. New method of fault location for hybrid lines by using traveling wave natural frequencies
  [J].Proceedings of the CSU-EPSA,2015,27(11):73-79.
- [30] 林圣,武骁,何正友,等.基于行波固有频率的电网故障 定位方法[J].电网技术,2013,37(1):270-275.
  LIN Sheng, WU Xiao, HE Zhengyou, et al. A power system fault location method based on natural frequencies of traveling waves[J]. Power System Technology,2013,37(1):270-275.
- [31] 李小鹏,何正友,武骁,等.计及测量装置失效的输电网 行波固有频率故障定位方法[J].电网技术,2013,37(5): 1217-1222.

(下转第37页 Continued on page 37)

2022,50(4): 110-116.

- [8] 徐波,宋爱国.基于点云配准改进的电力巡检机器人云 台伺服技术[J].供用电,2023,40(3): 95-101.
   XU Bo,SONG Aiguo.PTZ servo technology of electrical power inspection robot based on point cloud registration ICP algorithm[J]. Distribution & Utilization, 2023, 40(3): 95-101.
- [9] 司方远,韩英华,赵强,等.基于 AP-LOF 离群组检测的配
   电网连接验证[J].东北大学学报(自然科学版),2020,41
   (8): 1070-1074.

SI Fangyuan, HAN Yinghua, ZHAO Qiang, et al. Verification of distribution network connectivity based on AP-LOF outlier group detection[J]. Journal of Northeastern University (Natural Science), 2020, 41(8): 1070-1074.

- [10] 杨超,伏晓燕.智能变电站继电保护设备全防误状态监 测技术研究[J].电网与清洁能源,2023,39(7): 73-79.
   YANG Chao, FU Xiaoyan. Research on the full error prevention state monitoring technology of relay protection equipment in intelligent substations[J]. Power System and Clean Energy,2023,39(7): 73-79.
- [11] 李铁成,刘清泉,任江波,等.基于动态优化马尔可夫链的线路继电保护装置状态预测方法[J].电力系统保护

与控制,2022,50(13):97-106.

LI Tiecheng, LIU Qingquan, REN Jiangbo, et al. State prediction method of line relay protection device based on the Markov chain with dynamic optimization[J]. Power System Protection and Control, 2022, 50(13): 97-106.

[12] 王业,崔玉,陆兆沿,等.基于 CNN 图像识别算法的保护 装置智能巡视技术[J].电力工程技术,2022,41(6):252-257.

WANG Ye, CUI Yu, LU Zhaoyan, et al. Intelligent inspection technology of protection device based on convolution neural network image recognition algorithm [J]. Electric Power Engineering Technology, 2022, 41(6): 252-257.

- [13] HARIRI S, KIND M C, BRUNNER R J. Extended isolation forest[J].IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering,2021,33(4): 1479-1489.
- [14] FAWCETT T.An introduction to ROC analysis[J].Pattern Recognition Letters,2006,27(8): 861-874.
- [15] DAVIS J, GOADRICH M. The relationship between Precision-Recall and ROC curves[C]//Proceedings of the 23rd international conference on Machine learning. Pennsylvania,ACM,2006: 233-240.

(上接第30页 Continued from page 30)

LI Xiaopeng, HE Zhengyou, WU Xiao, et al. Natural frequencies based fault location method for transmission network considering measurement device invalidation[J]. Power System Technology,2013,37(5):1217-1222.

- [32] 陈双,林圣,李小鹏,等.基于系统阻抗自适应的行波固 有频率测距方法[J].电网技术,2013,37(6):1739-1745. CHEN Shuang,LIN Sheng,LI Xiaopeng,et al.A traveling wave natural frequency-based single-ended fault location method adaptive to system impedance[J].Power System Technology,2013,37(6):1739-1745.
- [33] 张媛媛,朱永利.基于行波固有频率的多分支输电线路 故障定位[J].电力科学与技术学报,2016,31(3):65-72. ZHANG Yuanyuan,ZHU Yongli.A fault location method for multi-terminal transmission lines based on traveling wave natural frequencies[J]. Journal of Electric Power Science and Technology,2016,31(3):65-72.
- [34] 鞠玲,黄怿.基于 EFPI 的数字配电网超声检测传感器 [J].中国电力,2023,56(6):194-201.

JU Ling, HUANG Yi. Ultrasonic detection sensor of

digital distribution network based on EFPI[J]. Electric Power,2023,56(6):194-201.

[35] 李小鹏.高压输电线路超高速纵联保护方法研究[D]. 成都:西南交通大学,2015.

LI Xiaopeng. Research on ultra-high speed longitudinal protection method for high voltage transmission lines[D]. Chengdu:Southwest Jiaotong University,2015.

[36] 李练兵,孙腾达,曾四鸣,等.基于多端行波时差的配电 网故障定位方法[J].电力系统保护与控制,2022,50(3): 140-147.

LI Lianbing, SUN Tengda, ZENG Siming, et al. Fault location method for distribution networks based on traveling wave time difference[J]. Power System Protection and Control,2022,50(3):140-147.

[37] 王阳,曾祥君,黎锐烽,等.基于图论的配电网故障行波 定位新算法[J].电力系统自动化,2012,36(18):143-147.
WANG Yang, ZENG Xiangjun, LI Ruifeng, et al. A traveling wave fault location algorithm for distribution network based on graph theory[J]. Automation of Electric Power Systems,2012,36(18):143-147.